

1. Na klanec z naklonom φ položimo predmet. Kolikšen mora biti koeficient lepenja med predmetom in klancem, da predmet ne zdrsne po klancu navzdol?

Izberimo os-x v smeri po klancu navzdol. Silo teže razstavimo na dinamično komponento (F_d) in statično komponento (F_s) teže.

Če želimo, da telo na klancu miruje, mora biti vsota vseh sil v smeri x-osi enaka nič;

$$\sum F_x = 0, \quad (1)$$

$F_d - F_t = 0$, pri čemer je:

$$F_d = mg \sin \varphi \text{ in}$$

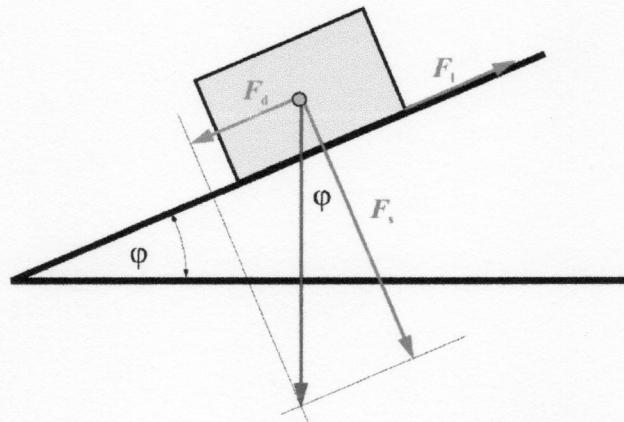
$$F_t = F_s k_l = mg k_l \cos \varphi.$$

Enačbo (1) lahko torej zapišemo kot:

$$mg \sin \varphi - mg k_l \cos \varphi = 0$$

in izračunamo koeficient lepenja;

$$k_l = \frac{\sin \varphi}{\cos \varphi} = \operatorname{tg} \varphi.$$



2. Na telo z maso $m=2 \text{ kg}$, ki miruje na vodoravnih tleh, delujemo s silo \vec{F} pod kotom $\varphi=15^\circ$ glede na vodoravna tla. V prvem primeru deluje sila pod kotom φ navzdol, v drugem primeru pa pod kotom φ navzgor (glej sliko!). Koeficient lepenja med telesom in podlago je v obeh primerih enak in znaša $k = 0.6$.

- a) V obeh primerih nariši vse sile, ki delujejo na telo!
- b) Določi velikost sile \vec{F} , s katero premaknemo telo v obeh primerih!
- c) Kako je velikost sile odvisna od kota, pod katerim deluje?
- d) Kolikšna je najmanjša sila v drugem primeru?
- e) Je v prvem primeru pri vsakem kotu φ mogoče premakniti telo ne glede na velikost sile?

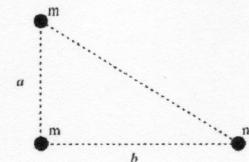


3. Ob gladko steno je prislonjena 12 kg težka lestev, ki oklepa s podlago kot 45° . Človek z maso 60 kg lahko spleza le do tretjine višine, ne da bi lestev zdrsnila.

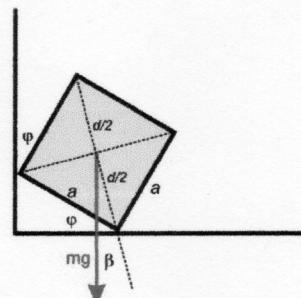
- a) Nariši vse sile na lestev, ko je človek na tretjini višine lestve!
- b) Kolikšen je koeficient lepenja med tlemi in lestvijo, če med lestvijo in steno ni trenja?
- c) Vsaj kolikšen bi moral biti koeficient lepenja med lestvijo in podlago, da bi lahko človek splezal do vrha lestve?



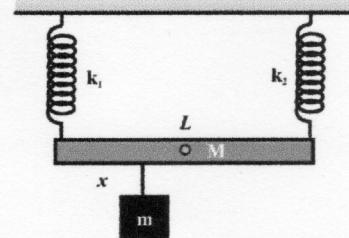
4. Tri majhna telesa z enakimi masami m so razporejena, kot kaže slika. Določi skupno težišče teles!



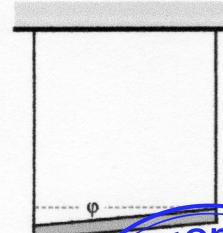
5. Homogena kocka je prislonjena ob gladek zid tako, da z vodoravnimi hrapavimi tlemi oklepa kot $\varphi=30^\circ$. Kolikšen mora biti najmanj koeficient lepenja med tlemi in kocko, da kocka ne zdrsne? (0,366)



6. Prožni vzmeti sta pritrjeni na strop, pri čemer je konstanta prožnosti prve vzmeti k_1 , druge vzmeti pa k_2 . Prosta konca visečih vzmeti pritrdimo na konca palice dolžine L in mase M . Kam ($x=?$) moramo obesiti utež, da bo palica v ravnotežni legi vodoravna?



7. Bakreno žico dolžine 2 m in jekleno žico dolžine 1m privežemo eno za drugo in na spodnji konec obesimo utež mase 5 kg. Žici imata presek 1 mm^2 . Modul elastičnosti za baker je $1,25 \cdot 10^5 \text{ N/mm}^2$, za jeklo pa $2,1 \cdot 10^5 \text{ N/mm}^2$. Za koliko se podaljšata žici? (1 mm)

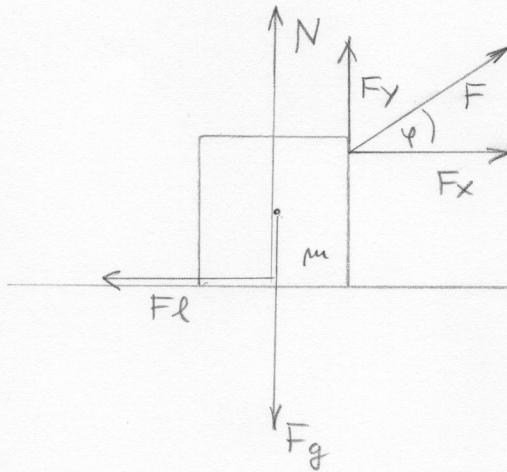
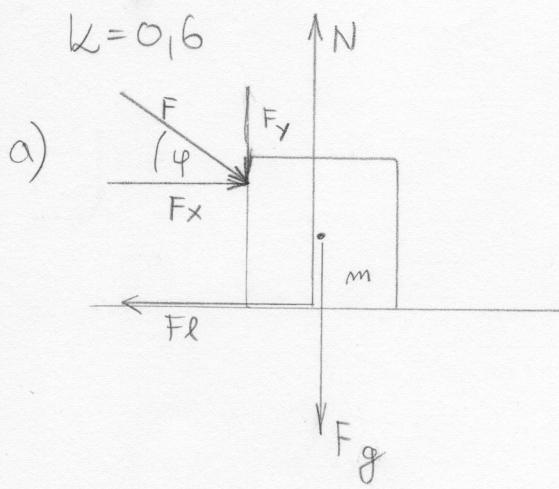


8. Palico mase 20 kg in dolžine 50 cm obesimo na dve enako dolgi vzporedni žici dolžine 2 m in preseka $0,1 \text{ mm}^2$. Prva žica je jeklena, druga pa bakrena. Modul elastičnosti za baker je $1,25 \cdot 10^5 \text{ N/mm}^2$, za jeklo pa $2,1 \cdot 10^5 \text{ N/mm}^2$. Za kolikšen kot glede na vodoravnico se nagnе palica? (0,7°)

$$m = 2 \text{ kg}$$

$$\varphi = 15^\circ$$

$$k = 0,6$$



$$b) \sum F_x = \emptyset$$

$$F_x = \cos \varphi \cdot F$$

$$Fl = k \cdot l \cdot N$$

$$F_x - Fl = \emptyset$$

$$\sum F_y = \emptyset$$

$$F \cos \varphi - k \cdot l \cdot N = \emptyset$$

$$N =$$

$$N - F_g - F_y = \emptyset$$

$$N - mg - \sin \varphi \cdot F = \emptyset$$

$$F \cos \varphi - k \cdot l (mg + \sin \varphi N) = \emptyset$$

$$N = mg + \sin \varphi \cdot F$$

$$F = \frac{mg \cdot k \cdot l}{\cos \varphi - \sin \varphi \cdot k \cdot l}$$

$$F = \frac{2 \text{ kg} \cdot g \frac{m}{s^2} \cdot 0,6}{\cos 15^\circ - \sin 15^\circ \cdot 0,6} = \underline{\underline{14,52 \text{ N}}}$$

$$\sum F_x = \emptyset$$

$$F_x - Fl = \emptyset$$

$$F \cos \varphi - k \cdot l \cdot N = 0$$

$$\sum F_y = \emptyset$$

$$N - F_g + F_y = \emptyset$$

$$F = \frac{mg \cdot k \cdot l}{\cos \varphi + \sin \varphi \cdot k \cdot l}$$

$$F = \underline{\underline{10,5 \text{ N}}}$$

$$m = 20 \text{ kg}$$

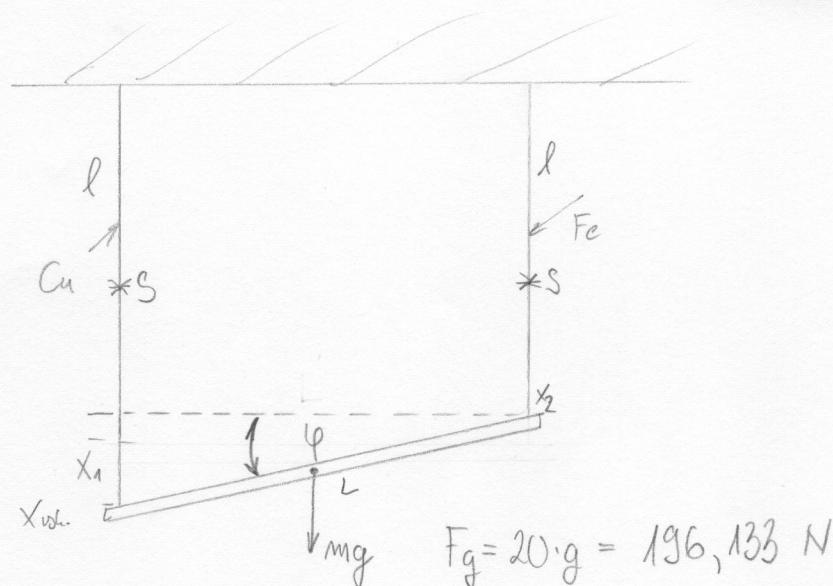
$$L = 50 \text{ cm} = 0,5 \text{ m}$$

$$l = 2 \text{ mm}$$

$$S = 0,1 \text{ mm}^2$$

$$E_{\text{Cu}} = 1,25 \cdot 10^5 \text{ N/mm}^2$$

$$E_{\text{Fe}} = 2,1 \cdot 10^5 \text{ N/mm}^2$$



$$F = \frac{SEx}{l_0}$$

$$\sin \varphi = \frac{x_0 L}{L} = \frac{12,17 \cdot 10^{-3} \text{ m}}{0,5 \text{ m}}$$

$$\varphi = 1,66^\circ$$

$$x_1 = \frac{Fl_0}{SE}$$

$$x_1 = 31,38 \text{ mm}$$

$$x_2 = 18,68 \text{ mm}$$

$$x_0 = 12,17 \cdot 10^{-3} \text{ m}$$